## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

ير د ر ي د دورة: 2016

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 03 سا و30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التالبين: الموضوع الأوّل

التمرين الأول: (04 نقاط)

.  $P(z) = z^3 - 24\sqrt{3}$ : z عدد مرکب z = -1

 $P(z) = (z - 2\sqrt{3})(z^2 + az + b): z$  با جد العددين الحقيقيين a و d بحيث من أجل كل عدد مركب z

. P(z)=0 المعادلة  $\mathbb C$  ، المعادلة الأعداد المركبة المعادلة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المعادلة المعادلة المعادلة المركبة المركبة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المعادلة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المركبة المعادلة المركبة المعادلة المركبة المركبة المعادلة المركبة ا

-2 المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $z_B = -\sqrt{3} - 3i$  و  $z_A = -\sqrt{3} + 3i$  على الترتيب:  $z_C = 2\sqrt{3}$  و  $z_B = -\sqrt{3} - 3i$  و  $z_A = -\sqrt{3} + 3i$ 

.  $\frac{z_C-z_A}{z_B-z_A}$  اكتب على الشكل الجبري العدد المركب  $z_B-z_A$ 

. بيّن أنّه يوجد دوران r مركزه A و يحول النقطة B إلى النقطة C ، يطلب تعيين زاويته P

ج) استنتج طبيعة المثلث ABC .

ABDC عين  $z_D$  لاحقة النقطة D صورة النقطة C بالانسحاب الذي شعاعه  $\overline{AB}$ ، ثمّ حدد بدقة طبيعة الرباعي

 $k\in\mathbb{Z}$  حيث  $arg\left(rac{z}{\overline{z}}
ight)=2k\pi$  حيث z عين z مجموعة النقط z من المستوي ذات اللاحقة غير المعدومة z بحيث: z عين z عين z مرافق العدد z هو مرافق العدد z مرافق العدد z

التمرين الثاني: (04 نقاط)

Aig(1;0;2ig) المستقيم الذي يشمل النقطة المتعامد والمتجانس  $ig(\Deltaig)$ ،  $ig(O;ec{i},ec{j},ec{k}ig)$ 

 $x=\lambda$  .  $\begin{cases} x=\lambda \\ y=4+\lambda; (\lambda\in\mathbb{R}) \end{cases}$  : وشعاع توجيه له u (2;1;-1) وليكن u والمعرّف المعرّف بالتمثيل الوسيطي التالي u والمعرّف u والمعرّف المعرّف بالتمثيل الوسيطي التالي u

1-1) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم  $(\Delta)$ .

. بيّن أنّ المستقيمين  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$  ليسا من نفس المستوي

A' بيّن أنّ النقطة B(-1;3;1) هي المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم B(-1;3;1) على المستقيم A'

 $(\Delta')$  عمودي على كل من المستقيمين  $(\Delta B)$  عمودي على كل من المستقيمين  $(\Delta')$ و

 $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  و  $(\Delta')$ .

 $h(t)=AN^2$  بنقطة إحداثياتها (-2+t;2+t;t) حيث  $(t\in\mathbb{R})$  ولتكن h الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بين أنّ النقطة N تنتمي إلى المستقيم  $(\Delta')$  ، ثم اكتب عبارة h(t) بين أنّ النقطة N تنتمي إلى المستقيم  $(\Delta')$  ، ثم اكتب عبارة h(t) بدلالـة N

ب) استنتج قيمة العدد الحقيقي t التي تكون من أجلها المسافة AN أصغر ما يمكن. ثمّ قارن بين القيمة الصغرى للدالة h والمسافة AB.

## اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2016

## التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $f(x) = \frac{13x}{9x+13}$  : كما يلي I = [0;4] المعرّفة على المجال المجال المجال المجال المجال

. I بين أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال -1

. I ينتمى إلى f(x) ، I من المجال x عدد حقيقى x من المجال أنه من أجل كل عدد حقيقى x

 $u_{n+1}=f\left(u_n\right)$  و  $u_0=4$  و كل عدد طبيعي  $u_0=1$  عدد طبيعي  $u_0=1$  عدد طبيعي  $u_0=1$  المعرّفة على  $u_0=1$  عدد طبيعي  $u_0=1$  و  $u_0=1$  عدد طبيعي  $u_0=1$  عدد طبيعي  $u_0=1$  برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $u_0=1$  ،  $u_0=1$  و  $u_0=1$ 

. با ادرس اتجاه تغیر المتتالیة  $(u_n)$  ، ثمّ استتج أنها متقاربه  $(u_n)$ 

 $u_n \neq 0$ : n عدد طبیعي انه من أجل كل عدد طبیعي -3

 $v_n = 2 + \frac{13}{u_n}$  : كما يلي كما يلي المعرّفة على المعرّفة على المعرّفة على  $\mathbb{N}$ 

أ) برهن أنّ المتتالية  $(v_n)$  حسابية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأول  $v_0$ 

 $\cdot n$  اکتب  $v_n$  بدلاله با

 $\lim_{n \to +\infty} u_n$  وذلك من أجل كل عدد طبيعي  $u_n = \frac{52}{36n+13}$  : أن أجل أب استنتج أن  $u_n = \frac{52}{36n+13}$ 

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1)$  ب:  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1)$  با  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1)e +$ 

. ادرس تغيرات الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيراتها -1

 $-0.34 < \alpha < -0.33$ : حيث  $\alpha = g(x) = 0$  حلا وحيدا  $\alpha = -2$ 

. ] $-1;+\infty$ [ ستنتج إشارة g(x) حسب قيم العدد الحقيقي x من المجال g(x)

.  $f(x) = \frac{e}{x+1} + \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$  :  $-1;+\infty$  المعرّفة على المجال  $-1;+\infty$  المعرّفة على المجال  $-1;+\infty$ 

.  $\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}
ight)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلّم المتعامد والمتجانس  $\left(C_f
ight)$ 

. این أن  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  واحسب  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  ، ثمّ فسّر النتیجتین هندسیا واحسب (1-1) بیّن أن  $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ 

. ادرس اتجاه تغیّر الدِالة f علی المجال  $]\infty+;1-[$  ، ثمّ شكّل جدول تغیّراتها f

 $(f(\alpha) \simeq 3.16)$ : (نقبل أنّ:  $(C_f)$  د) ارسم المنحنى ( $C_f$ 

. ] $-1;+\infty$ [ المجال  $x\mapsto \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$  على المجال  $x\mapsto \frac{-1}{x+1}[1+\ln(x+1)]$  على المجال ] $-1;+\infty$ 

ب) احسب مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(C_f)$  وحامل محور الفُواصل والمستقيمين اللّذين معادلتاهما على التوالي: x=1 و x=0 على التوالي: x=0

-3 نعتبر الدالة العددية k المعرفة على -1;1 [ب-1;1 [ب-1;1 و -1;1 تمثيلها البياني في المعلم السابق -1;1 المعلم السابق -1;1 بيّن أنّ الدالة -1;1 زوجية.

 $(k \mid C_k)$  انطلاقا من المنحنى المنحنى المنتتاج المنحنى المنحنى المنحنى المنحنى المنحنى الدالة  $(C_k \mid C_k)$ 

k(x)=m: عدد وإشارة حلول المعادلة m قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة

انتهى الموضوع الأوّل

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2016

# الموضوع الثاني

# التمرين الأول: (05 نقاط)

C(-3;-1;-1) و B(0;-1;2) ، A(2;1;-3) ونعتبر النقط  $\left(o;\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$  ونعتبر النقط B ، A النقط B ، A و B ، A النقط B ، B ، B ، A النقط B ،

(ABC) بيّن أن المعادلة: 2x - 7y - 2z - 3 = 0 معادلة ديكارتية للمستوي

 $\cdot$  (BC) ويعامد المستوي (P) الذي يشمل النقطة A ويعامد المستقيم -2

 $\cdot (P)$  و (ABC) و المستويين (D) تقاطع المستويين (ABC) و (BC)

ABC بيّن أن المستقيم (D) عمود في المثلث ب

-ABC في المتوسط المتعلق بالضلع [AC] في المثلث -4

$$x=-rac{1}{2}-rac{1}{2}k$$
 .  $(\Delta)$  بيّن أنّ الجملة  $x=-rac{1}{2}-rac{1}{2}k$  ;  $k\in\mathbb{R}$  : مثيل وسيطي للمستقيم (أ $z=-2-4k$ 

بين أنّ المستقيمين (D) و  $(\Delta)$  يتقاطعان في نقطة G يطلب تعيين إحداثياتها.

بين أن المثلث ABC متساوي الساقين .

 $^{\circ}$  ABC بالنسبة للمثلث  $^{\circ}$  ماذا تمثل النقطة  $^{\circ}$  بالنسبة للمثلث

-5 عين طبيعة وعناصر المجموعة E للنقط E من الفضاء التي تحقق E عين طبيعة وعناصر المجموعة E للنقط E عين طبيعة وعناصر المجموعة E

التمرين الثاني: (4.50 نقاط)

 $2\overline{z}^3 + 3\overline{z}^2 - 3\overline{z} + 5 = 0...(E)$  : z المعادلة ذات المجهول z المعادلة z المعادلة ذات المجهول z المعادلة z المعادلة ألم المركب z المعادلة ألم المركب z المعادلة ألم المركب z المحدد المركب z المر

 $\cdot(2\overline{z}+5)(\overline{z}^2-\overline{z}+1)=0$  أثبت أن المعادلة (E) تكافئ المعادلة (E)

 $\cdot(E)$  حل في المجموعة  $\mathbb C$  المعادلة

 $C \cdot B \cdot A$  و  $C \cdot B \cdot A$  نعتبر النقط  $(o; \vec{u}, \vec{v})$  و التي -2

$$z_D = -\frac{5}{2}$$
 ،  $z_c = -1$  ،  $z_B = \overline{z}_A$  ،  $z_A = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$  : الترتيب كالمائة على الثرانية على المائة على المائ

أ) اكتب كلا من العددين  $z_A$  و  $z_B$  على الشكل الأسي.

ب) أنشئ النقط C ، B ، A و D

 $z_B - z_C = z_B(z_A - z_C)$  : أثبت أن (ج

د) استنتج طبيعة المثلث (ABC

S ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه C وزاويته G و نسبته S ولتكن S التشابه المباشر الذي مركزه C وزاويته G و نسبته S النقطة S ثمّ حدّد طبيعة المثلث S

k من المستوي ذات اللاحقة z حيث طبيعة المجموعة z للنقط z من المستوي ذات اللاحقة z حيث z المجموعة z الما يتغير z في المجموعة z

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا 2016

## التمرين الثالث: (4,50 نقاط)

n متتالیة عددیة معرفة علی  $\mathbb{N}$  مجموعة الأعداد الطبیعیة بحدها الأول  $u_0=0$  ومن أجل كلّ عدد طبیعی  $u_n=1$   $u_n=1$ 

. 
$$v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$$
: ب $n$  ولتكن المتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كلّ عدد طبيعي  $u_{n+1} = \frac{2u_n + 2}{u_n + 3}$ : ب

.  $v_0$  هندسية يطلب تعيين أساسها q وحدّها الأول -1

 $v_n$  عبر بدلالة n عن عبارة الحد العام -2

ب) استنج عبارة الحد العام un بدلالة n

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$  (=

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  : large large

n يحقق أن:  $\frac{1}{u_n+2} = \frac{1}{3}(1-v_n)$  وذلك من أجل كلّ عدد طبيعي  $\frac{1}{u_n+2} = \frac{1}{3}(1-v_n)$ 

$$S_n' = \frac{1}{u_0 + 2} + \frac{1}{u_1 + 2} + \dots + \frac{1}{u_n + 2}$$
 : (+) استنتج بدلالة  $n$  المجموع: (+)

## التمرين الرابع: (06 نقاط)

 $g(x)=2e^x-x^2-x$  بـ: g الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb R$  بـا الدالة العددية المعرّفة على g

(g من أجل كل x من  $\mathbb{R}$  ، ثم ادرس اتجاه تغير الدالة g'(x) حيث g'(x) من أجل كل g من g'(x) ، ثم ادرس اتجاه تغير الدالة g'(x) من أجل كل g من g'(x) ، g'(x) .

ج) احسب نهایتی الداله g عند کل من  $\infty$  و  $\infty$ +، ثمّ شکّل جدول تغیراتها .

-1,38<lpha<-1,37: حيث أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha حيث -2

x حسب قيم العدد الحقيقي g(x) حسب -3

.  $f(x) = \frac{x^2 e^x}{e^x - x}$  :ب  $\mathbb{R}$  بنكن f الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بنكن f الدالة المعرّفة على

.  $\left(O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j}\right)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $\left(C_f\right)$ 

.  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب (أ-1)

.( f الدالة  $f'(x) = \frac{xe^x g(x)}{\left(e^x - x\right)^2}$  ، g(x) من g(x) من أجل كل g(x) من g(x) من g(x)

. ادرس اتجاه تغیّر الداله f علی  $\mathbb{R}$  ، ثمُّ شكّل جُدول تغیّراتها f

.  $f(\alpha)$  بين أنّ  $f(\alpha)=\alpha^2+2\alpha+2+\frac{2}{\alpha-1}$  ، ثمّ استنج حصرا للعدد (أ–2) بين أن

. ب) احسب  $\lim_{x \to +\infty} \left[ f(x) - x^2 \right]$  ، ثمّ فسر النتيجة بيانيا

 $(f(\alpha) \simeq 0.29$  جـ) أنشئ المنحنى  $(C_f)$  . (تعطى 0.29